

## Calcul littéral : développer et réduire

L'objectif des techniques de ce chapitre est de pouvoir simplifier des expressions algébriques (des formules) en se débarrassant des parenthèses.

### I - Réduire une expression

Réduire consiste à regrouper « ce qui compte les mêmes choses »

$$3x + 5x = 8x$$

$3x + 5y$  = ne se réduit pas car on ne compte pas la même « chose »

$$3x^2 + 5x = \text{ne se réduit pas}$$

$$3x + 5 = \text{ne se réduit pas}$$

Remarque : il s'agit en fait d'une factorisation.

→ Exercices 24 et 29 page 74

### II - Distributivité simple

Rappel de la propriété :

Soient  $k$ ,  $a$  et  $b$  trois nombres.

$$k \times (a + b) = k \times a + k \times b \quad \text{et} \quad k \times (a - b) = k \times a - k \times b$$

Exemple :

Développe :

$$A = 3(x + 7)$$

$$A = 3 \times (x + 7)$$

$$A = 3 \times x + 3 \times 7$$

$$A = 3x + 21$$

→ Exercices 40, 39 et 42 page 75

### III - Application 1 : Supprimer des parenthèses

Prenons l'exemple de cette expression :  $B = 5x^2 + (3x - 4) - (2x^2 - 3) + 2x$ .

Au terme  $5x^2$  on ajoute le groupe  $(3x - 4)$  puis on soustrait le groupe  $(2x^2 - 3)$  avant d'ajouter  $2x$ .

Règle :

> une parenthèse précédée d'un + est en fait multipliée par +1. S'il n'y a pas d'autre multiplication on peut simplement retirer les parenthèses.

> une parenthèse précédée d'un - est en fait multipliée par -1. S'il n'y a pas d'autre multiplication on peut simplement retirer les parenthèses **et prendre l'opposé de chaque terme.**

Dans notre exemple :

+ (3x - 4) peut se réécrire simplement 3x - 4

- (2x<sup>2</sup> - 3) demande de prendre les opposés : - 2x<sup>2</sup> + 3

En fait, cette expression est une écriture simplifiée de  $B = 5x^2 + 1 \times (3x - 4) - 1 \times (2x^2 - 3) + 2x$ .

Ce qui donne :

$$B = 5x^2 + (3x - 4) - (2x^2 - 3) + 2x$$

$$B = 5x^2 + 3x - 4 - 2x^2 + 3 + 2x$$

$$B = 3x^2 + 5x - 1$$

→ Exercice 25 page 74

### III - Application 2 : double distributivité

#### Propriété de la double distributivité

Pour tous nombres relatifs  $a, b, c$  et  $d$  :

$$(a + b)(c + d) = ac + ad + bc + bd$$

#### ■ Énoncé

Développe et simplifie l'expression suivante :

$$D = (3x + 1)(y + 4).$$

#### ■ Énoncé

Développe et simplifie l'expression suivante :

$$E = (3x - 1)(y - 4).$$

#### Correction

$$D = (3x + 1)(y + 4).$$

$$D = 3x \times y + 3x \times 4 + 1 \times y + 1 \times 4$$

$$D = 3xy + 12x + y + 4$$

#### Correction

$$D = (3x - 1)(y - 4).$$

$$D = 3x \times y + 3x \times (-4) - 1 \times y - 1 \times (-4)$$

$$D = 3xy - 12x - y + 4$$

→ Exercices 44 et 43 page 75